Liceo Scientifico "L. Cremona".

Classe 5E. Docente: Mauro Saita. Settembre 2017

Verifica di Matematica

Esponenziali e logaritmi. (Prima parte)

1

Scrivere le soluzioni sul foglio protocollo, in modo conciso. Durata della prova: 50 minuti.

Quesito 1. Tracciare il grafico delle seguenti funzioni:

(a)
$$(-\infty, +\infty) \xrightarrow{f} \mathbb{R}, f(x) = 2^x$$

(b)
$$(0, +\infty) \xrightarrow{g} \mathbb{R}, g(x) = \log_{\frac{1}{2}} x$$

La funzione g è l'inversa di f? Motivare la risposta.

Quesito 2. Determinare in \mathbb{R} il dominio massimale D delle seguenti funzioni

(a)
$$D \xrightarrow{f} \mathbb{R}$$
, $f(x) = \log_3 \frac{x^2 - 8x + 12}{2 - x^2}$

(b)
$$D \xrightarrow{g} \mathbb{R}, g(x) = \log_{10}(\sqrt{x^2 - 2x} - x)$$

Quesito 3. Trovare, se esistono, le soluzioni in \mathbb{R} delle seguenti equazioni esponenziali

(a)
$$\frac{2^{2x} - 2^{x+2}}{2^x - 4} = 8$$

(b)
$$2^{x+3} + 2^{x+2} + 2^{x+1} + 2^x - 30 = 0$$

Quesito 4. Trovare, se esistono, le soluzioni in $\mathbb R$ delle seguenti equazioni logaritmiche

(a)
$$\log_{10}(x^2 - 1) = \log_{10}(2 - x)^2$$

(b)
$$\log_3 \frac{x^2 + x + 2}{3x + 2} = 1$$

¹File tex: verifica_06_explog_4e_2017.tex