

Liceo Scientifico “L. Cremona”

Classe: \_\_\_\_\_

**VERIFICA DI MATEMATICA. Algebra.**

Docente: M. Saita

Cognome:

Nome:

17 marzo 2012

Es. 1	Es. 2.1	Es. 2.2	Es. 2.3	Es. 2.4	Es. 2.5	Totale

*Rispondere per iscritto ai seguenti quesiti sul foglio protocollo<sup>1</sup>*

**Esercizio 1.** Si consideri il seguente polinomio di terzo grado

$$p(x) = x^3 + 2x^2 - 11x - 12$$

Scomporre in fattori il polinomio nella forma  $p(x) = (x - \alpha)(x - \beta)(x - \gamma)$ , con  $\alpha, \beta, \gamma \in \mathbb{Q}$ .

**Esercizio 2.** Utilizzando i prodotti notevoli, semplificare le seguenti espressioni

$$1. \quad \frac{9a^2 - b^2}{a^4 + 2a^3b + a^2b^2} \div \left( \frac{3a + b}{a^2 - b^2} + \frac{6a + 2b}{a^2 + 2ab + b^2} \right).$$

$$2. \quad \frac{x^3 - 25x}{x^2 + 8x + 15} \div \left( \frac{x}{2x + 6} - \frac{2}{x - 3} + \frac{6 + x}{x^2 - 9} \right).$$

$$3. \quad \frac{a^3}{a^2 - ab - 2a + 2b} + \frac{b^3}{b^2 - 2b - ab + 2a} + \frac{8}{4 - 2a + ab - 2b}$$

$$4. \quad \left[ 1 + \frac{3a(a + b)}{b^2 - ab - 2a^2} \right] \cdot \left( b - 5a + \frac{9a^2}{a + b} \right)$$

$$5. \quad \frac{a^3 - 1}{a^3 - 3a^2 + 3a - 1} \cdot \frac{a^2 + ab - a - b}{a^2b + ab + b} \cdot \frac{b^2}{a^2 + 2ab + b^2} - \frac{a}{a - a^2 + b - ab}$$

---

<sup>1</sup>File tex: verifica-06-1E-calcolo-algebrico.tex

**Soluzioni della verifica di algebra. 17 marzo 2012.**

**Esercizio 1**

$$p(x) = (x + 1)(x - 3)(x + 4)$$

**Esercizio 2**

1.  $\frac{a - b}{a^2}$

2.  $2(x - 3)$

3.  $a + b + 2$

4.  $-2a + b$

5.  $\frac{1}{1 - a}$